Ханжаров Н.С.

ТЕПЛООБМЕН В ЦИЛИНДРАХ ПОРШНЕВЫХ КОМПРЕССОРОВ ВАКУУМНО-АТМОСФЕРНЫХ СУШИЛЬНЫХ УСТАНОВОК

УДК: 66.047.2

В статье приводится математическая модель, описывающая турбулентное, нестационарное течение вязкого газа и теплообмен в рабочих цилиндрах холодильных поршневых компрессоров, используемых в вакуумно-атмосферных сушильных установках. Также в статье приводятся методика и результаты экспериментального исследования теплообмена в цилиндрах поршневых холодильных компрессоров.

In given clause the mathematical model describing turbulent, non-stationary current of viscous gas and heat exchange in working cylinders of the refrigerating piston compressors used in vacuum-atmospheric drying installations is resulted. And in given clause the technique and results of researches of heat exchange in piston refrigerating compressors of vacuum-atmospheric dryers are resulted.

В вакуумно-атмосферных сушильных установках [1,2] низко- и высокопотенциальная теплота вырабатывается холодильными машинами, которые, как правило, базируются на поршневых компрессорах. Холодильные машины являются одним из основных потребителей электроэнергии этих установок. Поэтому оптимизация технических характеристик этих машин с целью увеличения их производительности является актуальной проблемой. Разработка метода расчета нестационарного, турбулентного течения вязкого газа и нестационарного теплообмена в цилиндрах холодильных поршневых компрессоров способствовало бы решению этой проблемы.

Математическая модель, описывающая процессы, протекающие в цилиндрах поршневых компрессорах должна учитывать турбулентность и не стационарность течения вязкого газа – паров холодильного агента, учитывать переменность объёмов цилиндров, которые в процессах всасывания и расширения газа увеличиваются и уменьшаются в процессах сжатия и нагнетания. Уравнения, с достаточной степенью адекватности описывающие течение газа в цилиндре холодильного поршневого компрессора, получены на основе уравнений движения, энергии и неразрывности. Применительно к цилиндрической системе координат уравнения, составляющие модель течения газа в цилиндре компрессора выглядит следующим образом:

$$\frac{\partial(\rho\overline{U})}{\partial\tau} + \frac{\rho\overline{U}}{S} \cdot \frac{dS}{d\tau} + \frac{1}{S} \cdot \frac{\partial}{\partial\eta} \left(\rho\overline{U} \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{d\tau} \right) \right) + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial(\rho \cdot \overline{V} \cdot \overline{U} \cdot r)}{\partial r} = \\ = -\frac{1}{S} \cdot \frac{\partial\overline{P}}{\partial\eta} + (\mu + \mu_t) \cdot \left(\frac{1}{S^2} \cdot \frac{\partial^2\overline{U}}{\partial\eta^2} + \frac{\partial^2\overline{U}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial\overline{U}}{\partial r} \right),$$
(1)

$$\frac{\partial(\rho \cdot \overline{V})}{\partial \tau} + \frac{\rho \overline{V}}{S} \cdot \frac{d\overline{S}}{d\tau} + \frac{1}{S} \cdot \frac{\partial}{\partial \eta} \left(\rho \overline{V} \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{d\tau} \right) \right) + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial \left(\rho \cdot \overline{V}^{T} \cdot r \right)}{\partial r} =$$

$$= -\frac{\partial \overline{P}}{\partial r} + \left(\mu + \mu_{t} \right) \cdot \left(\frac{1}{S^{2}} \cdot \frac{\partial^{2} \overline{V}}{\partial \eta^{2}} + \frac{\partial^{2} \overline{V}}{\partial r^{2}} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial \overline{V}}{\partial r} - \frac{\overline{V}}{r^{2}} \right), \qquad (2)$$

$$\frac{\partial \left(\rho \cdot \overline{T} \right)}{\partial \tau} + \frac{\rho \overline{T}}{S} \cdot \frac{dS}{d\tau} + \frac{1}{S} \cdot \frac{\partial}{\partial \eta} \left(\rho \overline{T} \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{d\tau} \right) \right) + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial \left(\rho \cdot \overline{V} \cdot \overline{T} \cdot r \right)}{\partial r} =$$

$$= \frac{(\mu + \mu_{t}) \cdot K}{2} \left(\frac{1}{T} \cdot \frac{\partial^{2} \overline{T}}{\partial \tau} + \frac{\partial^{2} \overline{T}}{T} + \frac{\partial^{2} \overline{T}}{\partial \tau} + \frac{1}{2} \cdot \frac{\partial T}{\partial \tau} \right) - \frac{P}{2} \cdot \frac{dS}{d\tau}, \qquad (3)$$

$$P_{r} = \begin{pmatrix} S^{2} & \partial \eta^{2} & \partial r^{2} & r & \partial r \end{pmatrix} = C_{v}S d\tau^{2}$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial r} + \frac{\rho}{\partial r} \cdot \frac{dS}{\partial r} + \frac{1}{2} \cdot \frac{\partial}{\partial r} \left(\rho \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{\partial r} \right) \right) + \frac{1}{2} \cdot \frac{\partial \left(\rho \cdot \overline{V} \cdot r \right)}{\partial r} = 0, \qquad (4)$$

$$\frac{\partial \rho}{\partial \tau} + \frac{\rho}{S} \cdot \frac{ds}{d\tau} + \frac{1}{S} \cdot \frac{\partial}{\partial \eta} \left(\rho \left(U - \eta \frac{ds}{d\tau} \right) \right) + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial \left(\rho \cdot v + \tau \right)}{\partial r} = 0.$$
(4)

Уравнения (1-4) справедливы для процессов сжатия и расширения. Для процессов всасывания и нагнетания эти уравнения упрощаются, поскольку скорость движения газа в цилиндре много меньше скорости звука. Тогда моделируемую среду можно считать несжимаемой жидкостью. Следовательно, плотность газа в объёме цилиндра есть только функция времени, а член работы сжатия в уравнении сохранении энергии равен нулю, то есть:

$$\frac{P}{C_0 S} \cdot \frac{dS}{d\tau} = 0, \qquad \rho = const.$$
(5,6)

В этом случае математическую модель можно привести к виду:

$$\frac{\partial(\rho\overline{U})}{\partial\tau} + \frac{\rho\overline{U}}{S} \cdot \frac{dS}{d\tau} + \frac{\rho}{S} \cdot \frac{\partial}{\partial\eta} \left(\overline{U} \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{d\tau} \right) \right) + \frac{\rho}{r} \cdot \frac{\partial(\overline{V} \cdot \overline{U} \cdot r)}{\partial r} = \\ = -\frac{1}{S} \cdot \frac{\partial\overline{P}}{\partial\eta} + \left(\mu + \mu_t \right) \cdot \left(\frac{1}{s^2} \cdot \frac{\partial^2\overline{U}}{\partial\eta^2} + \frac{\partial^2\overline{U}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial\overline{U}}{\partial r} \right),$$
(7)

$$\frac{\partial(\rho \cdot \overline{V})}{\partial \tau} + \frac{\rho \overline{V}}{S} \cdot \frac{dS}{d\tau} + \frac{\rho}{S} \cdot \frac{\partial}{\eta} \left(\overline{V} \left(\overline{U} - \eta \frac{dS}{d\tau} \right) \right) + \frac{\rho}{r} \cdot \frac{\partial(\overline{V}^2 \cdot r)}{\partial r} = = \frac{\partial \overline{P}}{\partial r} + \left(\mu + \mu_r \right) \cdot \left(\frac{1}{S^2} \cdot \frac{\partial^2 \overline{V}}{\partial r^2} + \frac{\partial^2 \overline{V}}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial \overline{V}}{\partial r} - \frac{\overline{V}}{r^2} \right), \quad (8)$$

$$\frac{1}{S} \cdot \frac{\partial V}{\partial \eta} + \frac{1}{r} \cdot \frac{\partial (V \cdot r)}{\partial r} = -\frac{1}{\rho} \cdot \frac{\partial \rho}{\partial \tau},\tag{9}$$

Реализация математических моделей в такой постановке вполне возможна. Однако возникает проблема «сшивки» результатов полученных раздельно для рабочих процессов «всасывание-нагнетние» и «расширениесжатие». Поэтому целесообразно моделировать течение газа в цилиндрах поршневых компрессоров не разделяя рабочие процессы. С достаточным соответствием реальным процессам, происходящим в цилиндрах поршневых компрессоров, течение газа можно моделировать на основе уравнений (6-9). Решение задачи целесообразно начинать с момента, когда поршень компрессора находится в крайнем верхнем положении. В этот момент времени объемы цилиндров минимальны, а скорость движения поршней равны нулю. Поэтому в качестве начальных условий можно принять, что скорости \overline{U} и \overline{V} равны нулю, а температура $\overline{T_0}$ и давление P. газа одинаковы по всему объему рассматриваемого цилиндра. При решении задачи приняты следующие торце цилиндра: $\overline{U} = 0; \ \overline{V} = 0; \ \overline{T} = T_{T, H}$ на стенках цилиндра: граничные условия: на $\overline{U} = 0; \ \overline{V} = 0; \ \overline{T} = T_{C,U_{1}}$ на поршне: $\overline{U} = U_{B}; \ \overline{V} = 0; \ \overline{T} = T_{B}$ (10)

А условия истечения из щелевого зазора клапанов можно записать в следующем виде:

$$V_{\mu} = V_B \cdot \frac{S_B}{\sum S_{\mu}} \tag{11}$$

Задачу течения газа и теплообмена в рабочих цилиндрах компрессора целесообразно решать методом конечных разностей по явной схеме. Для этого дифференциальные уравнения, описывающие течение газа в полостях, заменяются уравнениями в конечных разностях. При решении двухмерной (осесимметричной) задачи имеется шаг по сетке Δr вдоль оси *R* b $\Delta \eta$ вдоль оси η . В связи с этим функции непрерывного аргумента \overline{U} , \overline{V} , \overline{P} , \overline{T} , μ , μ_t заменяются функциями дискретного аргумента: \overline{U} в точках $[I+0,5; J]; \overline{V}$ в точках $[I+0,5; J]; \overline{P}, \overline{T}, \mu, \mu_t$ в точках [I+0,5; J+0,5]; Частные производные по пространству первого и второго порядка расписываются центральными разностными производными:

$$\frac{\partial \overline{U}}{\partial x} = \frac{\overline{U}(x_i + \Delta x, \tau) - \overline{U}(x_i - \Delta x, \tau)}{2\Delta x}$$

$$\frac{\partial^2 \overline{\Gamma}}{\partial x} = \frac{1}{h} \cdot \left(\frac{\overline{U}(x+h) - \overline{U}(h)}{h} - \frac{\overline{U}(x) - \overline{U}(x-h)}{h}\right) =$$

$$\frac{\overline{U}(x+h) - 2\overline{U}(x) + \overline{U}(x-h)}{h^2}.$$
(12)
(13)

Все уравнения расписываются для сетки, линия I=1 которой, совпадает с поверхностью торца цилиндра, линия I=N совпадает с поверхностью поршня, линия J=0 – с осью цилиндров, линия J=M – с поверхностью стенки цилиндра. Количество узлов сетки определяется численным экспериментом. Для упрощения решения задачи, все конвективные и диффузионные члены уравнений сохранения количества движения заменяются массивами *UB* и *VB*, а сами уравнения для \overline{U}^{n+1} в точке [*I*; *J* + 0,5] и \overline{V}^{n+1} в точке [*I* + 0,5; *J*] представляются в следующем виде:

$$\begin{split} \overline{U}^{n+1}[I; J+0,5] &= UB[I; J+0,5] - \frac{\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I-0,5; J+0,5]}{\rho^{n+1} \cdot \frac{S^{n+1}}{N-1}} \quad (14) \\ \overline{\rho}^{n+1}[I; J+0,5] &= VB[I; J+0,5] - \frac{\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J-0,5]}{\rho^{n+1} \cdot \Delta r} \quad (15) \\ \text{Аналогично записываются уравнения для } \overline{U}^{n+1} \text{ в точке } [I+1; J+0,5] \text{ и } \overline{V}^{n+1} \text{ в точке } [I+1; J+0,5]: \\ \overline{U}^{n+1}[I+1; J+0,5] &= UB[I+1; J+0,5] - \frac{\overline{\rho}^{n+1}[I+1; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]}{\rho^{n+1} \cdot \Delta r} \quad (16) \\ \overline{V}^{n+1}[I+0,5; J+1] &= VB[I+0,5; J+1] - \frac{\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+1,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]}{\rho^{n+1} \cdot \Delta r} \quad (17) \\ \text{После преобразований получается следующая формула:} \\ \frac{1}{S^{n+1}/(N-1)} \cdot \overline{U}^{n+1}[I+1; J+0,5] - [I; J+0,5] + \frac{1}{(J+0,5) \cdot \Delta r} \times \\ (J+1) \cdot \overline{\nu}^{n+1}[I+0,5; J+1] - J \cdot \overline{\nu}^{n+1}[I+0,5; J] = \frac{1}{S^{n+1}/(N-1)} \times \\ (UB[I+1; J+0,5] - UB[I; J+0,5]) + \frac{1}{(J+0,5) \cdot \Delta r} \cdot ((J+1) \cdot VB[I+0,5; J+1]) - \\ - J \cdot VB[I+0,5; J] - \frac{1}{\rho^{n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (\overline{\rho}^{n+1}[I+1,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot ([J+1) \cdot [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+1,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+1,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+1,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(n+1}(S^{n+1}/(N-1))^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(J+0,5)} \cdot (\Delta r)^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(J+0,5)} \cdot (\Delta r)^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J-0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(J+0,5)} \cdot (\Delta r)^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] - \overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J-0,5]) \cdot \Delta \tau + \\ + \frac{1}{\rho^{(J+0,5)} \cdot (\Delta r)^2} \cdot (J - [\overline{\rho}^{n+1}[I+0,5; J+0,5]$$

((.

+

Левая часть уравнения (18) представляет разностный аналог величины *аі дW*, которая для процессов, происходящих в цилиндрах, заранее определенная величина: $\alpha i \vartheta \overrightarrow{W} = \frac{1}{\rho^2} \cdot \frac{\rho^{m+1} - \rho^m}{\Delta \tau}$

С учетом этого, из формулы (18) выводится уравнение, позволяющее определить значения локальных давлений газа в цилиндре:

$$\overline{P}^{n+1}[I+0,5; J+0,5] = \left(di\overline{W}^{n+1} - \frac{S^{n+1}}{N-1} \cdot (UB[I+1;J+0,5] - UB[I;J+0,5])\right) + \frac{1}{(J+0,5) \cdot \Delta r} \times \left((J+1) \cdot VB[I+0,5;J+1] - J \cdot VB[I+0,5;J]\right) \cdot \frac{1}{\Delta \tau} + \left(\frac{N-1}{S^{n+1}}\right)^2 \cdot \left(\frac{\overline{P}^{n+1}[I+1,5;J+0,5] + \overline{P}^{n+1}[J+0,5]}{\rho^{n+1}}\right) + \frac{1}{(J+0,5) \cdot (\Delta r)^2} \cdot \left(\frac{(J+1) \cdot \overline{P}^{n+1}[I+0,5;J+1,5] + J \cdot \overline{P}^{n+1}[I+0,5;J-0,5]}{\rho^{n+1}}\right) \right)$$
(19)
$$+ \frac{1}{(J+0,5) \cdot (\Delta r)^2} \cdot \left(\frac{(J+1) \cdot \overline{P}^{n+1}[I+0,5;J+1,5] + J \cdot \overline{P}^{n+1}[I+0,5;J-0,5]}{\rho^{n+1}}\right) = \frac{1}{(J+0,5) \cdot (\Delta r)^2} \cdot \frac{1}{\rho^{n+1}} + \frac{1}{(J+0,5) \cdot (\Delta r)^2} \cdot \left(\frac{(J+1) + J}{\rho^{n+1}}\right) \times \left(\frac{(J+1) + J}{\rho^{n+1}}\right) + \frac{1}{\rho^{n+1}} \cdot \frac{1}{\rho^{n+1}} + \frac{1}{\rho^{n+1}} \cdot \frac{1}{\rho^{n+1}} + \frac{1}{\rho^{n+1}} \cdot \frac{1}{\rho^{n+1}$$

При выводе уравнений предполагается линейная зависимость всех величин между точками, в которых они определены. Это справедливо применительно ко всему объему цилиндра, за исключением течения газа в пристеночной области, где зависимость между величинами носит нелинейный характер. Учет нелинейности в

НАУКА И НОВЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, № 5-6

пристеночной области производится методом введения «скользящих» величин на границе, которые выводятся из условия получения верной разностной производной и значений параметров течения газа в точке «1,5» с использованием предположения о возможности аппроксимации истинного профиля скорости в зоне действия закона «стенки» степенной функцией:

$$\overline{U} = k \cdot y^B, \tag{20}$$

где у – координата, перпендикулярная стенке.

Точка с координатой «у» попадает в зону действия закона «стенки» при условии:

$$y \le 10^3 \cdot \nu / \sqrt{\frac{\tau w}{\rho}} \tag{21}$$

При выполнении этого условия узлы расчетной сетки, находящейся вблизи сетки, попадают в зону действия закона «стенки». Согласно формуле (20) и определения «скользящих» величин, должны выполняться равенства:

$$(U_{ck2} - U_{ck1}) / \Delta y = kB((\Delta y) / 2)^{B-1};$$

$$(U_{ck2} - U_{ck1}) / 2 = k((\Delta y) / 2)^{B}$$
(22), (23)

Решая систему уравнений (22) и (23) относительно U_{ck1} $u U_{ck2}$, можно получить следующие уравнения:

$$U_{cl\,1} = k (\Delta y)^{B} \cdot (0,5) \cdot (1-B),$$

$$U_{cl\,2} = k (\Delta y)^{B} \cdot (0,5) \cdot (1+B),$$
(24), (25)

где $\kappa(\Delta y)^B$ стенки. Для величин \overline{V} и \overline{T} уравнения для определения значений V_{ck1} , V_{ck2} и T_{ck1} , T_{ck2} имеют аналогичную структуру.

Поскольку разработанная модель реализуется методом по явной схеме, то для расчета поля скоростей, давлений и температур газа в цилиндрах поршневых компрессорах один из параметров должен быть заранее известным. С этой целью были проведены экспериментальные исследования быстроменяющихся параметров в рабочих цилиндрах поршневых компрессоров. При исследовании теплообмена в цилиндрах поршневых компрессоров целесообразно использовать метод анализа температурных колебаний поверхности стенок, который основан на представлении теплового потока *q*, как функции изменения температуры поверхности *T_n* с помощью приближенного решения задачи теплопроводности для полуограниченного тела [3, 4, 5 и другие].

На установившемся режиме работы компрессора быстроменяющиеся колебания температуры поверхности стенок цилиндров можно записать в виде:

$$T_{n}=T_{n.cp.}+\Delta T_{n}=T_{n.cp.}+\sum_{\kappa=1}^{\infty}(A_{\kappa}cos\kappa\omega\pi+B_{\kappa}Sink\omega\tau),$$
(26)

где A_{κ} , B_{κ} – коэффициенты разложения экспериментальной кривой ΔT_n в ряд Фурье; ω - угловая скорость; K – порядок гармоники; τ - текущее время.

Предполагается, что тепловой поток распространяется по нормали *x* к поверхности стенки в точке измерения, теплофизические свойства материала не зависят от температуры и температура с наружной стороны стенки постоянна. Решение дифференциального уравнения теплопроводности с принятыми граничными условиями имеет вид:

$$T_{n}=T_{n.cp.}-\frac{\mathbf{q}_{cp}}{\lambda}+\sum_{\kappa=1}^{\infty}e^{-x\sqrt{\frac{\kappa\omega}{2a}}}\cdot\left[A_{\kappa}\cos\left(\kappa\omega\tau-\chi\sqrt{\frac{\kappa\omega}{2a}}\right)+B_{\kappa}\sin\left(\kappa\omega\tau-x\sqrt{\frac{\kappa\omega}{2a}}\right)\right],$$
(27)

где q_{cp} – стационарная составляющая теплового потока; λ , a – коэффициенты тепло – и температуропроводности материала стенки.

После дифференцирования уравнения (27) по **x** и умножения на $-\gamma$, получается тепловой поток, величина которого при x=0 равна тепловому потоку от газа к стенке:

$$Q = q_{cp} + q_n = q_{cp} + \lambda \sum_{\kappa=1}^{\infty} \sqrt{\frac{\kappa\omega}{2a} \cdot \left[(A_{\kappa} + B_{\kappa}) Cos\kappa\omega\tau + (B_{\kappa} - A_{\kappa}) Sin\kappa\omega\tau \right]},$$
(28)

где *q_n*- переменная составляющая теплового потока.

Коэффициенты ряда Фурье – *А_к*, *B_к* рассчитываются по формулам Бесселя для приближенного гармонического анализа [5]:

$$A_{\kappa} = \frac{1}{\nu} \cdot \sum_{\lambda=1}^{2\nu} Y_{\lambda} \cdot Cos\kappa \cdot \lambda \cdot \frac{\pi}{\nu}$$

$$B_{\kappa} = \frac{1}{\nu} \cdot \sum_{\lambda=1}^{2\nu} Y_{\lambda} \cdot Sin\kappa \cdot \lambda \cdot \frac{\pi}{\nu}$$
(29)

где \mathbf{Y}_{λ} - текущая ордината изменения температуры поверхности; K = 1, 2, ... (V - 1).

Формула (28) позволяет рассчитывать локальные тепловые потоки q с использованием экспериментальных кривых $\Delta T_n = f(\tau)$. Тогда мгновенные коэффициенты теплообмена между газом и стенками цилиндров можно определить по формуле Ньютона:

$$\boldsymbol{\alpha}_{\scriptscriptstyle M2} = q/(T_2 - T_n) \tag{30}$$

113

Экспериментальные исследования коэффициентов теплообмена между газом и стенками цилиндров проведены на базе вертикального ходильного поршневого холодильного компрессора. Схема измерений мгновенных температур поверхности стенок цилиндров, температур и давлений газа в цилиндрах компрессора представлена на рисунке 1. Для измерения температуры поверхности стенок были изготовлены пленочные термометры сопротивления с толщиной чувствительного элемента до 600 Å, имеющие начальное сопротивление при температуре окружающей среды 293 К порядка 3000 Ом. Мгновенное значение температуры поверхности – *Т*_{п.ме}. описывалось выражением (26). Измерение мгновенной температуры поверхности осуществлялось с помощью тензостанции 8АНЧ-7М. С этой целью был собран измерительный мост на базе тензоусилителя – 6, магазина сопротивления Р-33 – 10 и датчика температуры поверхности – 1. Изменение температуры поверхности стенки приводило к изменению сопротивления чувствительного элемента ДТП, включенного в одно из плеч измерительного моста.



Рисунок 1 - Схема экспериментальной установки: 1, 2, 3– датчики температур газа, поверхности и давления; 4 – мост постоянного тока; 5 – осциллограф; 6 – тензостанция; 7 – гальванометр; 8 – миллиамперметр; 9 – вольтметр; 10 – магазин сопротивления.

Постоянная составляющая мгновенной температуры поверхности выделялась магазином сопротивлений при уравновешивании моста. Сигнал по переменной составляющей усиливался тензоусилителем и затем поступал на шлейф светолучевого осциллографа H-117/1 – 5. Для расшифровки осциллограмм температурных колебаний на рабочей поверхности стенок цилиндров производилось тарирование осциллограмм в единицах сопротивления. Результаты тарировки позволяют рассчитать масштабный коэффициент осциллограммы K_n :

$$K_{n.} = \frac{\Delta R_{n}}{\Delta l_{n}} \cdot \frac{\Delta T_{\mathcal{J}.T.\Pi.}}{\Delta R_{\mathcal{J}.T.\Pi}},$$
(31)

где ΔR_n , Δl_n – изменение сопротивлений в декадах магазина сопротивления и соответствующее им изменение высоты тарировочных импульсов; $\Delta T_{\mathcal{A}.T.\Pi}$ чувствительность датчика температуры поверхности к изменению температуры, определяемая по результатам тарировки датчика.

В экспериментальные значения колебаний температур на поверхности вводился поправочный коэффициент, учитывающий различие теплофизических характеристик материала подложки датчика и материала стенки цилиндра [4]:

$$T_{\mu\mu\pi} = T_{no\partial\pi} \sqrt{\frac{\left(\lambda \cdot C \cdot \rho\right)_{no\partial\pi}}{\left(\lambda \cdot C \cdot \rho\right)_{\mu\mu\pi}}} , \qquad (32)$$

НАУКА И НОВЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, № 5-6

Погрешность пленочного термометра сопротивления, определяемая его тепловой инерционностью, рассматривалась как время выравнивания профиля температуры в пленке при мгновенном изменении температуры на ее рабочей поверхности [3]:

$$\tau = 200 \cdot l^2 / \alpha_{noda}, \qquad (33)$$

где *l* – толщина чувствительного элемента датчика; *а_{подл}*- коэффициент температуропроводности материала подложки.

Мгновенное значение быстроменяющихся температуры газа в рабочих цилиндрах *Тг.мг.* описывалось выражением:

$$T_{z.mz.} = T_{z.cp.} + \Delta T_z , \qquad (34)$$

где $T_{z.cp}$, ΔT_z - постоянная и переменная составляющие мгновенной температуры газа.

Постоянная составляющая температуры газа измерялась с использованием моста постоянного тока MO-62 класса 0,1. Для этого с помощью моста постоянного тока – 4 определялось изменение сопротивления чувствительного элемента датчика температуры газа - 2, подключенного к клеммам моста MO – 62. Переменная составляющая температуры газа регистрировалась светолучевым осциллографом – 5. Тарирование осциллограмм производилось на светолучевом осциллографе путем имитирования изменений сопротивления чувствительного элемента ДТГ с помощью магазина P-33. По результатам тарировки рассчитывался масштабный коэффициент осциллограммы K_2 :

$$K_{z} = \frac{\Delta \sqrt{R_{z}}}{\Delta l_{z}} \cdot \frac{\Delta T_{\mathcal{A}.T.T.}}{\Delta R_{\mathcal{A}.T.T.}}, \qquad (35)$$

где ΔR_{e} , Δl_{e} – изменение сопротивления магазина Р-33 и соответствующее изменение высоты тарировочной линии на осциллограмме; $\Delta T_{A,T,\Gamma} / \Delta R_{A,T,\Gamma}$ – чувствительность ДТГ, определяемая по результатам тарировки датчика.

Погрешность датчика температуры газа зависит от нагрева питающим током, тепловой инерционности, теплообмена излучением между проволокой и стенкой цилиндра, от тока тепла через опорные концы проволоки и других факторов [4]:

$$T_{np} - T_{cp} = \frac{i^{2} \cdot R_{np}}{\alpha \cdot \pi \cdot d_{np} \cdot l_{np}} - \frac{d_{np} \cdot \rho_{np} \cdot C_{np}}{4\alpha} \cdot \frac{\partial T_{np}}{\partial \tau} \pm \frac{c}{\alpha} \left[\left(\frac{T_{np}}{100} \right)^{4} - \left(\frac{T_{c}}{100} \right)^{4} \right] \pm \frac{T_{c} - T_{cp}}{l_{np} \cdot \sqrt{\frac{4\alpha}{d_{np} \cdot \lambda_{np}}}} \pm \frac{\left(T_{c} - T_{np} \right) \cdot \lambda_{\phi} \cdot \frac{t - B}{h \cdot \ln t / B}}{\lambda_{mp} \cdot \frac{t - B}{h \cdot \ln t / B}} \cdot \frac{1}{\frac{S}{2} \sqrt{\frac{4\alpha}{d_{np} \cdot \lambda_{np}}}} + \frac{T_{mop} - T_{cp}}{5, 2} ,$$

$$(36)$$

где: T_{np} – температура проволоки датчика; T_{cp} – температура измеряемой среды; C – коэффициент излучения; t – шаг укладки проволоки; T_c – температура стенки возле датчика; B, h, S – геометрические размеры опорной проволочной решетки; T_{mop} – температура заторможенного потока на поверхности проволоки; α - коэффициент теплообмена между газом и проволокой, который определяется методом двух токов; d_{np} – диаметр проволоки; ρ_{np} , C_{np} – плотность и теплоемкость материала проволоки.

Процесс измерения давления газа в цилиндре сводился к регистрации сигнала, идущего с чувствительного элемента мембранного датчика давления, с помощью светолучевого осциллографа. Изменение быстроменяющихся давлений газа приводит к деформации мембраны датчика ТДДМ-3, что вызывает изменение активного сопротивления тензорезисторов ПКВ-5-100. В результате на диагонали измерительного моста появляется сигнал в виде модулированного напряжения несущей частоты, который после усиления тензоусилителем – 6 подается на шлейф осциллографа H-117/1 – 5. Соединение датчика с цилиндром осуществлялось трубкой малого диаметра. При этом имеет место запаздывание сигнала датчика от действительного значения давления газа в данный момент времени. Угол запаздывания определялся по формуле:

$$\Delta \varphi = 360 \cdot f \cdot \tau = 360 \frac{l}{\sqrt{k \cdot R \cdot T_{cp}}},$$
(37)

где τ - время распространения звуковой волны; f - площадь проходного сечения; l – длина соединительного канала; T_{cp} - средняя температура в нагнетательном патрубке.

Расшифровка осциллограмм быстроменяющихся давлений газа в цилиндре компрессора производилась по результатам их тарировки. С использованием тарировочных коэффициентов осциллограммы температур

НАУКА И НОВЫЕ ТЕХНОЛОГИИ, № 5-6

поверхности и газа пересчитывались в температуру поверхности подложки ДТП и температуру проволоки ДТГ. Температура газа в цилиндре рассчитывалась по полученному из формулы (36) выражению:

$$T_{cp} = T_{np} + \frac{d_{np} \cdot \rho_{np} \cdot c_{np}}{4\alpha} \cdot \frac{\partial T_{np}}{\partial \tau}$$
(38)

Коэффициенты теплообмена между газом и проволокой определялись методом двух токов из уравнения:

$$\alpha = \frac{\left(i_{2}^{2} \cdot R_{np2} - i_{1}^{2} \cdot R_{np1}\right) - m_{np} \cdot C_{np} \cdot \left(\frac{\partial T_{np2}}{\partial \tau} - \frac{\partial T_{np}}{\partial \tau}\right)}{F_{np} \cdot \left(T_{np2} - T_{np1}\right)}$$
(39)

где: R_{np1} , R_{np2} - сопротивления, полученные при токах 5 и 12 мА.

Суммарная относительная погрешность при измерении быстроменяющихся температуры поверхности, температуры газа и давлений в полостях определялась по формуле:

$$\delta_{\Sigma} = 2\delta_r + \delta_0 + \delta_0^1 + \delta_A + \delta_\lambda \,, \tag{40}$$

где: δ_{r} , δ_{0} , δ_{0}^{1} , δ_{A} , δ_{0} – погрешности от: установки светового пятна гальванометра; тарировки осциллограмм; нелинейности амплитудной характеристики измерительной цепи; нелинейности амплитудно-частотной характеристики измерительной цепи.

Суммарная относительная погрешность при измерении основных рабочих параметров компрессора составляет: для быстроменяющихся температур поверхности стенок цилиндров $\delta_{\Sigma I} = 4,7\%$; для быстроменяющихся температур газа в полостях $\delta_{\Sigma 2} = 3,5\%$; для быстроменяющихся давлений $\delta_{\Sigma 3} = 3,5\%$.

Результаты экспериментальных исследований теплообмена в цилиндрах поршневого компрессора показали, что их численные значения колеблются в пределах (450 – 1900) Вт/м². могут быть использованы при моделировании и оптимизации рабочих конструкций вакуумно-атмосферных сушильных установок.

Литература:

- 1. Ханжаров Н.С., Абдижаппарова Б.Т. Разработка процесса вакуумно-атмосферной сушки пищевых материалов // Материалы междунар. научно-практич. конф. «Стратегия развития пищевой и легкой промышленности». Алматы: АТУ. - 2004, Т.1. - С.371-373.
- 2. Касымбеков Б.А., Ханжаров Н.С., Абдижаппарова Б.Т. Тепломассообмен при вакуумно-атмосферной сушке твердовлажных и жидко-вязких продуктов // Вестник НАН РК, 2005, №4, с.97-100.
- 3. Ховах М.С., Поляков Ю.А., Родионов В.А. О методике исследования теплоотдачи в двигателе внутреннего сгорания с помощью пленочных термометров сопротивления. Известия вузов, Машиностроение, 1971, № 9, с. 91-96.
- Розенблит Г.Б., Виленский П.И., Горелик Я.И. Датчики с проволочными преобразователями. М.: Машиностроение, 1976. – 216 с.