Мамыров Э.

ОБОСНОВАНИЕ ФУНКЦИОНАЛЬНОЙ ЗАВИСИМОСТИ ЛОКАЛЬНОЙ МАГНИТУДЫ РИХТЕРА ОТ СЕЙСМИЧЕСКОГО МОМЕНТА И ЭНЕРГИИ СЕЙСМИЧЕСКОГО ИЗЛУЧЕНИЯ КОРОВЫХ ЗЕМЛЕТРЯСЕНИЙ

E. Mamyrov

SUBSTANTIATION OF FUNCTIONAL CORRELATION OF THE LOCAL MAGNITUDE BY RICHTER TO THE SEISMIC MOMENT AND ENERGY OF SEISMIC RADIATION OF CRUSTAL EARTHQUAKES

УДК: 550.348 (575.2) (04)

В связи с переходом от энергетической шкалы к общемировой магнитудной шкале оценки масштабов землетрясений Тянь-Шаня возникла необходимость разработки самосогласованной системы взаимосвязей между основными параметрами очага, имеющими количественное функциональное обоснование. В работе сделана попытка создания функциональных зависимостей локальной магнитуды поверхностных волн M_L Рихтера с величиной сейсмического момента M_0 и энергии сейсмического излучения E_{SK} на основе взаимосвязи максимальной амплитуды сейсмических колебаний с магнитудой объемных волн m_b и телесейсмической магнитудой M_S .

In view of transfer of the energy scale of earthquake magnitude assessment in Tien Shan to the worldwide magnitude, scale the necessity of development of a self-consistent system of quantitative functionally based correlations between the basic source parameters has emerged. There was made an attempt to create functional correlations between the local magnitude of surface waves M_L by Richter to the seismic moment M_0 and energy of seismic radiation E_{SK} on the basis of correlation of the maximal amplitude of seismic vibrations to the magnitude of body waves m_b and teleseismic magnitude M_S .

Введение. В общемировой практике сейсмологических исследований магнитудная шкала Гутенберга-Рихтера [1-2] при оценке масштабов землетрясений является основополагающей [3-5]. В соответствии с первоначальным определением Рихтера [1] локальная магнитуда ML землетрясений пропорциональна логарифму максимальной амплитуды колебаний, выраженной в микронах (10–6 м). В странах бывшего СССР использовалась и используется до сих пор независимая шкала энергетического класса KR, определяемая как десятичный логарифм сейсмической энергии (в Дж), выделенной при землетрясении [6-8].

Введена также локальная магнитуда MLH с использованием горизонтальных сейсмографов СК с собственным периодом T0<20с; значения ML по Рихтеру и MLH близки между собой [9]: ML=MLH – 0.21. Для землетрясений Тянь-Шаня между величиной KR, M0 и MLH существуют многочисленные корре-

ляционные эмпирические зависимости [8-10], не имеющие четкого физического обоснования.

В связи с вышеуказанным целью этой статьи является количественное обоснование вышеуказанных эмпирических формул на основе следующих теоретических положений: 1) Гутенберга-Рихтера по взаимосвязи максимальной амплитуды сейсмических колебаний и энергии сейсмического излучения с магнитудой объемных волн m_b , телесейсмической магнитудой M_S и M_L [1-6]; 2) Аки [11-12] о зависимости сейсмического момента M₀ с площадью разрыва S, средним смещением *и* по разлому и модулем сдвига μ ; 3) зависимости характерного периода t_0 колебаний от скорости поперечных упругих волн V_S, статического сброшенного напряжения $\Delta \sigma$ и M₀, а также зависимости E_{SK} от $\Delta \sigma$, μ и M₀ [11-13].

При дальнейшем изложении в качестве опорной шкалы оценки масштабов землетрясений выбрана величина сейсмического момента Мо с учетом длительности колебаний t₀. Для доказательства теоретических предположений использованы наблюденные величины ML, M0 и t0 слабых и сильных землетрясений в диапазоне 0.5<М_I <7 и 10<logM₀<19 Южной Калифорнии (N=138, N - количество землетрясений), Юго-Западной Германии (N=135) и Центральной Японии (N=102), приведенных в работах Тэтчера и др. [14], Шербаума и Столла [15], Джина и др. [16]. Для анализа общей зависимости logto от logM0 использованы параметры сильных коровых землетрясений Тянь-Шаня Юго-Восточной И континентальной Азии (N=402) (Восточный Иран, Афганистан, Северная Индия, Пакистан и Южный Китай, 20°< ϕ <38°, 60°< λ <123°) и Калифорнии (N=63) по данным Гарвардского Университета США (HRV) за период 1993-2005 гг.

Основные эмпирические и теоретические формулы. По Рихтеру [1] значение локальной

магнитуды поверхностных волн M_L для сейсмографа Вуда-Андерсона рассчитывается по формуле:

$$M_L = \log A - \log A_{\theta \square} \tag{1}$$

где A – максимальная амплитуда колебаний, выраженная в микронах; $A_{0\square}$ – амплитуда колебаний стандартного землетрясения, являющаяся функцией расстояния Δ (7 км); $\Delta \leq 600$ км.

В СССР был предложен другой вариант определения локальной магнитуды М_{LH} [8-9]:

$$M_{LH} = lgA/T_0 + 1.66lg\Delta,$$
 (2)

где A/T_0 – величина колебательной скорости (A – амплитуда, T_0 – период) в максимальной фазе горизонтальной компоненты поверхностной волны с T_0 <20 с.

Введение M_{LH} в СССР было вызвано использованием горизонтальных приборов СК с собственым периодом $T_0 < 20$ с и преобладанием сравнительно близких землетрясений ($\Delta \leq 600$ км), для которых максимальная фаза поверхностных волн имеет периоды, меньше 20 с [8]. Тэтчер и Ханкс [14] доказали, что для землетрясений Южной Калифорнии M_L равна:

 $M_{\rm L} = \lg M_0 - 3/2 \lg r_0 - 17.8, \qquad (3)$

где M_0 – сейсмический момент, дин·см; r_0 – радиус очага, км.

Величина r_0 взаимосвязана с периодом Брюна t_0 [13] и V_S:

$$r_0 = (2.34/2\pi) V_S \cdot t_0$$

а статическое сброшенное сейсмическое напряжение $\Delta \sigma$ и M_0 находятся в следующей зависимости

 $M_0 = \frac{16}{7\Delta\sigma} \cdot r^3 = \frac{(8 \cdot 2.34^{3})}{(7 \cdot \pi^{3})} \Delta\sigma \cdot V_S^3 t_0^{3}.$ (5)

По Аки [11-12] величина М₀ взаимосвязана с модулем сдвига µ, средним смещением по разлому *и* и площадью разрыва S:

$$\mathbf{M}_{\mathbf{0}} = \boldsymbol{\mu} \cdot \Box \boldsymbol{u} \ \Box \cdot \mathbf{S}. \tag{6}$$

(4)

По Канамори энергия сейсмического излучения Е_{SK} определяется из формулы [17]:

$$E_{SK} = (\Delta \sigma / 2\mu) M_0, \qquad (7)$$

а при постоянном отношении $\Delta \sigma / 2\mu = 5 \Box \cdot 10^{-5}$ моментная магнитуда $M_W = M_S$ определяется из выражения [5,6,17]:

$$M_W = 2/3 lg E_{SK} - 3.2 = 2/3 log M_0 - 6.07, (8)$$

где величина E_{SK} в Дж и М₀ в Н·м.

Исходя из теоретических положений Рихтера [1,19]

о пропорциональности магнитуды M_L логарифму

максимальной амплитуды сейсмических колебаний и пропорциональности энергии упругих волн с данным периодом t₀ квадрату амплитуды колебаний, нами было предложено следующее соотношение [18, 20]:

 $M_{Lm} = 1/2 (m_{bm} + M_{Sm}),$ (9) где M_{Lm} – значение модернизированной локальной магнитуды; m_{bm} – модернизированная магнитуда объемных волн, m_{bm} – эквивалент магнитуды m_b ; M_{Sm} – новая телесейсмическая магнитуда поверхностных волн, M_{Sm} – эквивалент M_S ; при постоянной величине $\Delta \sigma = 3.67$ МПа и $\mu = 36.7$ ГПа $M_{Sm} = M_W$ [20].

Опираясь на первоначальное определение понятия магнитуды объемных волн m_b, данное Рихтером [1,19], было принято, что значение m_{bm} равно (с учетом удвоения амплитуды колебаний b_m на поверхности земли в эпицентре, b_m в микронах):

$$m_{bm} = \log b_m + 6.3 = \log u + 6.$$
 (10)

На основе (4) – (7) и (10) при S = $\pi \cdot \Box r_0^2$ значение m_{bm} равно:

 $m_{bm} = C_1 + \log M_0 - 2\log t_0,$ (11)

где C_1 – постоянная величина, зависящая от π и V_S , $C_1 = \log [2\pi (2.34)^{-2} \cdot \mu^{-1} \cdot \Box V_S^{-2}] + 6.3.$

В соответствии с выводами Христенсена и др. [22-23] в качестве усредненной плотности ρ земной коры принято

 $\rho = 2830 \text{ kg/m}^3$,

 $V_S = 3600$ м/с и $\mu = \rho \cdot \Box V_S^2 = 36.7$ МПа. При таких упругих параметрах геофизической среды выражение (11) трансформируется в формулу:

 $m_{bm} = \log M_0 - 2\log t_0 - 11.30.$ (12) Значение M_{Sm} определяется из формулы [20]:

$$M_{Sm} = 2/3 \log E_{SK} - 3.2 = 2/3C_2 - 3.2 + 4/3$$

$$\log M_0 - 2 \log t_0$$
, (13)

где C₂ – постоянная величина,

$$C_2 = \log[7\pi^3 \cdot 4^{-1} (2.34)^{-3} \mu^{-1} V_S^{-3}].$$

Для принятых величин ρ , V_S, μ и постоянной величине $\Delta \sigma / 2 \cdot \mu = 5 \cdot 10^{-5}$ или $\Delta \sigma = 3.67$ МПа выражение (13) значительно упрощается (при $\Delta \sigma = 3.67$ МПа $M_{0} = 1.98 \cdot 10^{16} \text{ to}^{3}$ H·м)

$$M_{Sm} = 4/3 \log M_0 - 2\log t_0 - 16.95 =$$

$$=2m_{bm} - 5.2 = 2/3\log M_0 - 6.07 = M_W, (14)$$

т.е. в частном случае при постоянных величинах $\Delta \sigma = 3.67$ МПа и упругих параметрах земной коры новая магнитуда M_{Sm} равна моментной магнитуде M_W . Приведенные выражения (11)-(14) показывают, что на

значения магнитуд и энергии сейсмического излучения E_{SK} при равных величинах сейсмического момента большее влияние оказывает величина $\Delta \sigma$: чем выше частота колебаний объема очага f_0 ($f_0 = t_0^{-1}$) при M_0 = const, тем больше $\Delta \sigma$, m_{bm}, M_{Lm} и M_{Sm}. При низких величинах V_S и ρ при M₀ = const будут наблюдаться большие значения магнитуд землетрясений.

На основе (9) и (11)-(13) значение новой локальной магнитуды М_{Lm} будет равно:

 $M_{Lm} = 7/6 \log M_0 - 2\log t_0 + 1/2(C_1 + 2/3C_2 - 3.2), (15)$ которое упрощается для принятых величин ρ и V_S:

 $M_{Lm} = 7/6 \log M_0 - 2\log_0 - 14.12.$ (16)

Таким образом, новая магнитуда объемных волн m_{bm} равна десятичному логарифму среднего смещения по разлому и, выраженному в микронах; новая магнитуда M_{Sm} пропорциональная квадрату среднего смещения, а локальная магнитуда M_{Lm} пропорциональна $u^{1.5}$.

Значения m_{bm}, M_{Sm} и M_{Lm} определяются не только величиной сейсмического момента M₀, а зависят от периода колебаний и упругих свойств геофизической среды очаговой области землетрясений.

Обсуждение полученных результатов на основе сопоставления расчетных M_{Lm} с наблюденными магнитудами M_L. Вышеизложенные результаты показывают, что между магнитудами (M_{Sm}, M_{Lm} и mbm) и сейсмическим моментом M0, а также длительностью сейсмических колебаний tn существуют функциональные зависимости. Прежде чем перейти к анализу зависимости M_{Lm} от M₀ рассмотрим изменения to при росте Mo в соответствии с соотношениями (5)-(6). На основе (5) при постоянных величинах ρ и V_S величина logt₀ будет равна:

 $\log_0 = 1/3\log M_0 - 1/3\log \Delta \sigma - 3.24.$ (17)

На рис. 1 приведены корреляционные зависимости logt₀ от logM₀ для коровых сильных землетрясений Юго-Восточной континентальной Азии (включая Тянь-Шань) и Калифорнии за период 1993-2005 гг. (HRV), слабых и крупных землетрясений (1993-1971 гг.) Южной Калифорнии [14], слабых землетрясений Юго-Западной Германии (1978 г.) [15] и Центральной Японии (1995-1997 гг.) [16].

Из рис. 1 следует, что между рассматриваемыми параметрами существуют тесные зависимости, близкие к функциональным, с коэффициентами корреляции r = 0.94-0.99 (рис. 1). Вместе с тем для землетрясений разных регионов и разного времени отмечаются существенные различия зависимости logt₀ от logM₀,

влияющие на значения магнитуд при равных величинах M₀.

К примеру, для землетрясений Юго-Восточной континентальной Азии (N=402, r=0.98) зависимость $logt_0$ от $logM_0$ выражается следующей эмпирической формулой (рис. 1, А)



Рис. 1. Зависимость logto от logMo для землетрясений: А -Юго-восточной континентальной Азии (1993-2005 гг.) (N = 402), r = 0.98, logto = 0.33(±0.01)logMo - 5.53(±0.01); В -Калифорнии (1993-2005 гг.) (N = 63), r = 0.99, logto = 0.33(±0.01)logMo - 5.64(±0.11); С - Юго-западной Германии

(1978 г.), разломной зоны Атотсугава (Центральная Япония) (1995-1997 гг.) и Южной Калифорнии (1933-1971 гг.) (N = 375), r = 0.94, logto = 0.26(±0.01)logMo - 4.04(±0.02).

 $\log_0 = 0.33 \log M_0 - 5.53,$ (18)

а для крупных землетрясений Калифорнии за 1993-2005 гг. (N=63, г=0.99) получено (рис. 1,В)

$$\log_0 = 0.33 \log M_0 - 5.64,$$
 (19)

для слабых землетрясений Юго-Западной Германии и Центральной Японии и крупных землетрясений Южной Калифорнии (N=375, r=0.94) характерна эмпирическая зависимость (рис.1,С)

$$\log t_0 = 0.26 \log M_0 - 4.04.$$
(20)

Эмпирические зависимости (18)-(19) находятся в хорошем согласии с теоретическим выражением (17) и свидетельствуют о постоянстве величины $\Delta\sigma$ землетрясений в широком диапазоне $10^{16} < M_0 < 10^{21}$

H•м (рис. 1, A-B). Действительно, при □ ρ = 2830 кг/м³ и V_S = 3600 м/с по (17) значение logΔσ можно определить из выражения

$$\log\Delta\sigma = \log M_0 - 3\log t_0 - 9.72. \tag{21}$$

Подставив в (21) значение \log_0 из (18)-(19), для землетрясений Юго-Восточной континентальной Азии получим: $\log \Delta \sigma = 6.87$ или 7.41•10⁶ Па (74.1 бар), для землетрясений Калифорнии (1993-2005 гг., HRV): $\log \Delta \sigma = 7.20$ или 1.58•10⁷ Па (158 бар), т.е. численные значения величины статического сброшенного сейсмического напряжения $\Delta \sigma$ для двух рассматриваемых регионов значительно выше, чем среднее $\Delta \sigma = 3.67 \cdot 10^6$ Па (36.7 бар), а землетрясения Калифорнии (1993-2005 гг.) характеризуются наиболее высокими $\Delta \sigma \approx \Box 158$ бар.

Для слабых и крупных землетрясений Юго-Западной Германии, Центральной Японии и Южной Калифорнии из (20)-(21) тем же методом получим выражение:

$$\log \Delta \sigma = 2.40 + 0.22 \log M_0,$$
 (22)

в соответствии с которым в интервале M0 от 1011 до 1019 Н•м величина $\log \Delta \sigma \square$ возрастает от 4.82 до 6.58 или $\Delta \sigma$ от 0.066 МПа до 3.8 МПа (от 0.6 до 38 бар), т.е. значение $\Delta \sigma$ не является постоянной, что по (15) должно привести к изменениям постоянных в этом уравнении.

Далее, для оценки справедливости теоретического соотношения (16) рассмотрим эмпирическую зависимость M_L и M_{Lm} от $\log M_0$ для землетрясений Юго-Западной Германии, Центральной Японии и Южной Калифорнии, которые показаны на рис. 2-3; при расчетах M_{Lm} по (15) для определения величин постоянный C_1 и C_2 использованы конкретные значения г и V_S для этих регионов, которые приведены в работах [14-16].



Рис. 2. Зависимость M_L от logMo для землетрясений Юго-Западной Германии, разломной зоны Атотсугава

(Центральная Япония) и Южной Калифорнии (N = 373), r = 0.98,



Рис. 3. Зависимость М_{Lm} от logMo для землетрясений Юго-Западной Германии, разломной зоны Атотсугава (Центральная Япония) и Южной Калифорнии (N = 375), r =

0.95, $M_t = 0.63(\pm 0.02)\log Mo - 5.59(\pm 0.04).$

Из рис. 2 следует, что для землетрясений рассма-

триваемых регионов между M_L и log M_0 существует тесная корреляционная зависимость (r=0.98), эмпирически выражаемая формулой

$$M_{\rm L} = 0.68 \, \log M_0 - 6.04. \tag{23}$$

Если принять, что для очаговых зон землетрясений рассматриваемых регионов упругие параметры геофизической среды близки к средним их показателям по земной коре (ρ = 2830 кг/м³, V_S = 3600

м/с), то подстановка logt₀ по эмпирическому выражению (20) в теоретическую формулу (16) приводит к соотношению:

$$M_{Lm} = 0.67 \log M_0 - 6.04, \tag{24}$$

которая с высокой точностью соответствует эмпирической формуле (23), т.е. значение новой локальной магнитуды M_{Lm} , функционально связанной с другими магнитудами (m_{bm} , M_{Sm} , M_W), упругими параметрами земной коры, длительностью сейсмических колебаний и сейсмическим моментом, равно локальной магнитуде Рихтера или $M_L=M_{Lm}$ от слабых до крупных землетрясений (рис. 2-3).

На рис. 3 показана зависимость новой локальной магнитуды M_{Lm} от величины $logM_0$ для рассматриваемых регионов, которая аппроксимирована следующей эмпирической формулой:

$$M_{\rm L,m} = 0.63 \, \log M_0 - 5.59, \tag{25}$$

которая весьма близка к выражениям (23)-(24) и подтверждает эквивалентность M_{Lm} и M_L (рис. 2-3).

Вышеприведенные выводы доказываются также при рассмотрении корреляционной зависимости M_{Lm} и M_I, показанной на рис. 4 (r=0.94):

$$M_{\rm Lm} = 0.10 + 0.90 \,\rm M_{\rm L} \,. \tag{26}$$



о Германия 🔺 Япония 🖷 Калифорния

Используя это эмпирическое соотношение и (25) можно записать:

 $0.9M_{\rm L}$ + 0.10 = 0.63 logM₀ - 5.59, откуда мы получим новую эмпирическую зависимость:

$$M_{\rm L} = 0.7 \, \log M_0 - 6.32, \tag{27}$$

которая в пределах точности экспериментального определения локальной магнитуды Рихтера ±(0.2 – 0.3)

[6] совпадает с корреляционной зависимостью (23) и теоретической (24). Таким образом, значение новой локальной магнитуды M_{Lm} является эквивалентом M_L , а соотношения (9), (15)-(16) и (24) – физической основой объяснения многочисленных эмпирических зависимостей M_L от $\log M_0$ при различных изменениях $\Delta \sigma$, ρ и V_S конкретных сейсмоактивных регионов.

В заключении статьи коротко рассмотрим взаимосвязь M_L с энергией сейсмического излучения E_{SK} по Канамори [17] и по Раутиан [6-8]. С этой целью на рис. 5 приведена корреляционная зависимость $logE_{SK}=K_{SK}$ от M_L для рассматриваемых регионов, которая выражается формулой

$$K_{SK} = 2.95 + 1.71 M_L.$$
(28)

На этом же графике показана теоретическая зависимость K_{SK} от M_L при постоянной величине статического сброшенного сейсмического напряжения $\Delta \sigma \square = 3.67$ МПа и полученной на основе (7), (9), (15)-(17) при равенстве $M_L = M_{Lm}$ (рис. 5)

$$K_{SK} = 2.2 + 2 M_{L},$$
 (29)

которая находится в хорошем согласии с данными Тэтчера и др. [14], Канамори и др. [21] по землетрясениям Калифорнии ($K_{GR} = logE_{GR}, E_{GR}$ сейсмическая энергия по Гутенбергу-Рихтеру): $K_{GR} = 1.1 + 2 M_L, K_{SK} = 2.11 + 2.1 M_L.$



Сравнение соотношений (28) и (29) убедительно показывает роль непостоянства величины \Box при росте M_0 : увеличение $\Delta \sigma$ с возрастанием $\log M_0$ приводит к изменениям постоянных в теоретических соотношениях типа (17) и (29), что является основной причиной возникновения многочисленных эмпирических зависимостей между M_L и $\log M_0$ и энергией сейсмического излучения.

Доказательством эквивалентности M_{Lm} и M_L для землетрясений рассматриваемых регионов является также эмпирическая зависимость K_{SK} от M_{Lm} (r=0.99): $K_{SK} = 2.86 + 1.86 M_{Lm}$, которая совпадает с (28). Теоретическая зависимость K_{SK} от M_{Lm} при росте log t_0 и log $\Delta\sigma$ по (20) и (22) выражается формулой: $K_{SK} = 3.84 + 1.88 M_{Lm}$, близко совпадающей с (28).

Вышеизложенные результаты позволяют на новом теоретическом уровне обосновать широкоиспользуемую в странах бывшего СССР эмпирическую зависимость K_R – энергетического класса землетрясений по Раутиан от локальной магнитуды поверхностных волн M_{LH} [6-10]

$$K_{R} = 4 + 1.8M_{LH}.$$
 (30)

Анализ динамических параметров очагов землетрясений Тянь-Шаня за 1978-1988 гг. (N=411, r = 0.85) показал, что между $logt_0$ и $logM_0$ характерна следующая зависимость: $logt_0 = 0.25 logM_0 - 3.83$, которая подобна (20). Использование этой зависимости и соотношений [6-10]: $M_{LH} = M_L + 0.21$ и $K_R = K_{SK}$ +0.80 приводит к следующему полуэмпирическому выражению при условии $M_L = M_{Lm}$

$$K_{\rm R} = 3.40 + 1.87 M_{\rm LH}, \tag{31}$$

которая в диапазоне 5<М_{LH}<9 с точностью ±0.25 позволяет определить величину K_R как и по (30). формулы (31) полтверждается Справедливость эмпирическим выражением (N=430, r=0.99): $K_R = 3.85 + 1.82 M_{LH}$ полученной на основе корреляционного анализа банка сейсмологических данных по землетрясениям Тянь-Шаня за 1978-1988 гг.

Выводы

1. Впервые доказана функциональная зависимость локальной магнитуды землетрясений ML Рихтера от энергии сейсмического сейсмического момента, излучения, среднего смещения по разлому, периода сейсмических колебаний упругих свойств И геофизической объема среды очага коровых землетрясений.

2.Нелинейный рост величины статического сброшенного сейсмического напряжения и отклонение периода сейсмических колебаний от «стандартных» средних величин с увеличением масштабов землетрясений является основной причиной возникновения многочисленных эмпирических зависимостей между магнитудами (по объемным и поверхностным волнам), с энергией сейсмического излучения и сейсмическим моментом, часто резко различающихся между собой.

3.Наиболее важным количественным соотношением, определяющим зависимости между основными параметрами очага землетрясений, является характер взаимосвязи периода сейсмических колебаний от сейсмического момента в широком диапазоне магнитуд.

Работа выполнения в рамках исследований по проекту МНТЦ KR-1281.

Литература:

- 1. Richter C.F. An instrumental earthquake magnitude scale//Bull.Seismol.Soc.Am., 1935, v.25, pp.1-32.
- Gutenberg B., and Richter C.F. Earthquake magnitude, intensity, energy and acceleration (second paper)// Bull.Seismol.Soc.Am. 1956, v.46, pp.45-145.
- 3. Gusev A.A., and Mel'nikova V.N. Relationships between magnitudes: world average and for Kamchatka. Volcanology and Seismology, 1990, N6, pp.55-63 (in Russian).
- Kanamori H., and D.L. Anderson. Theoretical basis of some empirical relations in seismology. Bull.Seismol.Soc.Am. 1975, 65, pp.1073-1095.
- Mohammadioun B., and L.Serva. Stress drop, slip type, earthquake magnitude and seismic hazard. Bull.Seismol.Soc.Am. 2001, 91, pp.694-707.
- Kasahara K. Mechanics of earthquakes (transl. from English). Moscow, Mir, 1985, 264 p.
- Rautian T.G. Attenuation of seismic waves and energy of earthquakes. Proceedings of TISS AS Tadjik SSR, 1960, N7, pp.41-96 (in Russian).
- Запольский К.К., Нерсесов И.Л., Раутиан Т.Г., Халтурин В.И. Физические основы магнитудной классификации землетрясений/ В кн.: Магнитуда и энергетическая классификация землетрясений. Москва: МССС, 1974, т. 1, с. 79-131.
- Кондорская Н.В., Горбунова И.В., Ландырева Н.С. Магнитуды тру и М_{LH} по данным ЕССН (СССР), НОС (США) и МСЦ (Эдинбург)/ В кн.: Магнитуда и энергетическая классификация землетрясений. Москва: МССС, 1974, т. 1, с. 135-153.
- Kondorskaya N.V., Zakharova A.J., and Chepkunas L.S. The quantitative characteristics of earthquake sources as determined in the seismological practice of the USSR. Tectonophysics, 1989, v.166, pp.45-52.
- 11. Aki, K. Generation and propagation of G-waves from the Niigata earthquake of June 16, 1964. Part 2. Estimation of earthquake moment, released energy, and stress-strain drop from the G-wave spectrum. Bull.Earthq.Res.Inst. Tokio University, 1966, 44, pp.73-88.
- Aki, K. and Richards P.G. Quantitative seismology. Moscow: Mir, 1980, v. 1-2, 880 p., (1983, translation from English).
- Brune J.N. Tectonic stress and the spectra of seismic shear waves from earthquakes. J.Geophys.Res. 75, pp.4997-5009. Correction in J.Geophys.Res. 1970, 76, p.5002 (1971).
- Thatcher W., Hanks C. Source parameters of Southern California earthquakes//J. Geophysical Research, 1973, v.78, N35, pp. 8547-8575.

- Scherbaum F., Stoll D. Source parameters and scaling laws of the 1978 Swabian Jura (Southwest Germany) aftershocks//Bull.Seismol.Soc.America, 1983, v.73, N5, pp.1321-1343.
- 16. Jin A., Moya C.A., Ando M. Simultaneous determination of site responses and source parameters of small earthquakes along the Atotsugawa fault zone, Central Japan//Bull.Seismol.Soc.America, 2000, v.90, N6, pp. 1430-1445.
- 17. Kanamori H. The energy release in great earthquakes. J.Geophys.Res. 1977, v.82, pp.2981-2987.
- Mamyrov E. Relations among earthquake source parameters derived from Debye solid-body model. J.Geodynamics, 1996, N22, pp.137-143.
- Richter C.F. Elementary Seismology, W.H.Freeman & Co., San Francisco, 1958, 650 p.
- 20. Мамыров Э. Новая система количественных взаимосвязей сейсмического момента с магнитудой и энергией сейсмического излучения коровых землетрясений Тянь-Шаня и других сейсмоопасных регионов /Tp. Научной мира Международной Конференции: «Современные аспекты развития сейсмостойкого строительства и сейсмологии». Душанбе: Дониш, 2005, с. 60-65.
- Kanamori H., Mori J., Hauksson E., Heaton T.H., Hutton L.K., Jones L.M.//Determination of earthquake energy release and M_L using TERRA scope//Bull.Seismol.Soc. America, 1993, v.83, pp.330-346.
- 22. Christensen N.I., and W.D. Mooney. Seismic velocity structure and composition of the continental crust: A global view. J.Geophys.Res. 1995, 100, pp.9761-9788.
- Christensen N.I. Poisson's ratio and crustal seismology. J.Geophys.Res. 1996, 101, pp.407-412.